

Prof. Dr. Dirk Lebiedz M.Sc. Pascal Heiter



Universität Ulm Institut für Numerische Mathematik Sommersemester 2013

Nichtlineare Optimierung und optimale Steuerung - Übungsblatt 9

(Abgabe: Montag, 17. Juni 2013 per Mail) (Besprechung: Montag, 01. Juli 2013)

Erstellen Sie Ihre Lösung mit \LaTeX und schicken Sie diese bis spätestens 17.06.2013, 16:00 Uhr per Mail an

pascal.heiter@uni-ulm.de mit dem Betreff [NOuOS] Lösung - Blatt 9

Aufgabe 31 (Hinreichende Bedingung 2. Ordnung)

Gegeben sei folgendes Optimierungsproblem

$$\max_{x \in \mathbb{R}^2} f(x) := x_1 x_2
\text{s.t.} x_1 + x_2 = 2
 x_1 \ge 0
 x_2 \ge 0.$$

Bestimmen Sie das Optimum \bar{x} und überprüfen Sie in diesem Punkt die hinreichende Bedingung 2. Ordnung (SSC).

Aufgabe 32 (Sensititvitätsanalyse)

Gegeben sei folgendes parametrische Optimierungsproblem

$$P(p): \max_{\substack{x \in \mathbb{R}^2 \\ \text{s.t.}}} f(x) := \left(\frac{1}{2} + p\right) \sqrt{x_1} + \left(\frac{1}{2} - p\right) x_2$$
s.t. $x_1 + x_2 \le 1$
 $x_1 \ge 0.1$
 $x_2 \ge 0$.

- a) Berechnen Sie einen Punkt $\bar{x} \in \mathbb{R}^2$, der die hinreichenden Optimalitätsbedingungen 2. Ordnung (SSC) für das nominelle Problem P(p=0) erfüllt.
- b) Führen Sie in diesem Punkt \bar{x} eine Sensititvitätsanalyse durch und berechnen Sie damit eine Approximation der Lösung des gestörten Problems P(p) mit $p \ll 1$.

