



Institut für Theoretische Chemie:  
Prof. Dr. Gerhard Taubmann, Dr. Luis Mancera

## Mathematik II für Chemie und Wirtschaftschemie

Fr. 08:00-10:00 Uhr; H7, N25/2103, O25/346, O26/4309

Übungsblatt 5,\* Übung am 01.06.2012

### Aufgabe 1: Grenzwerte: Regel von l'Hospital

Berechnen Sie folgende Grenzwerte:

$$\text{a) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{\sin x \cos x} \quad \text{b) } \lim_{x \rightarrow 0^+} \left[ (\cos x)^{1/\sin x} \right]$$

### Aufgabe 2: Rechnen mit komplexen Zahlen

Berechnen Sie  $z$  in der Form  $z = a + ib$  ( $a, b \in \mathbb{R}$ ).

$$z = \frac{\sin(7\pi) - i \cos(\pi)}{1 + i} + \left| \frac{\sin 2 + i \cos 2}{\cos 3 - i \sin 3} \right|$$

### Aufgabe 3: Definitions- und Wertebereich trigonometrischer Funktionen

Gegeben ist die reelle Funktion  $y = f(x) = (\cos x)^{\sin x}$ .

- Wir betrachten das Intervall  $\mathcal{B} = [-4; 4]$ . In welcher Teilmenge von  $\mathcal{B}$  ist  $f(x)$  definiert? Begründen Sie Ihre Antwort!
- Berechnen Sie  $y'$ .

### Aufgabe 4: Taylorentwicklung zur Näherung von Funktionen

- Entwickeln Sie  $y = \sqrt[3]{1+x}$  um  $x = 0$  bis zum linearen Glied einschließlich in eine Taylorreihe. Diese Reihe konvergiert für  $|x| < 1$ .
- Berechnen Sie mit dem Ergebnis von (a)  $\sqrt[3]{200}$  auf zwei Nachkommastellen genau.  
Hinweis:  $6^3 = 216$

### Aufgabe 5: Polynome

Gegeben ist das Polynom  $P_4(x) = x^4 - 5x^2 - 4x + 30$ . Dieses Polynom hat komplexe Nullstellen. Eine dieser Nullstellen bezeichnen wir mit  $x_0$ . Zeigen Sie, daß mit  $x_0$  auch die zu ihr konjugiert komplexe Zahl  $x_0^*$  eine Nullstelle von  $P_4(x)$  ist.

Hinweis: Betrachten Sie neben  $P_4(x_0) = 0$  auch  $[P_4(x_0)]^* = 0^*$ .

Versuchen Sie auf keinen Fall, die Nullstellen von  $P_4(x)$  zu berechnen.

**Aufgabe 6: Darstellung komplexer Zahlen**

In den untenstehenden Abbildungen sehen Sie die komplexen Zahlen  $z_1$  und  $z_2$  zusammen mit dem Einheitskreis (durchgezogen) und dem Kreis mit Radius  $|z_1|$  (gestrichelt). Der Mittelpunkt beider Kreise ist der Nullpunkt.

- (a) Zeichnen Sie in das linke Bild  $z_1 \cdot z_2$  und  $z_1^3$ .
- (b) Zeichnen Sie in das rechte Bild  $z_1/z_2$  and  $z_2/z_1$ .

Die beiden unteren Abbildungen sind als Reserve gedacht.

