
Informationstheorie SS 2011
Prof. Günther Palm • Institut für Neuroinformatik
7. Aufgabenblatt (Abgabe: 14.06.2011)

19. Aufgabe: (6 Punkte)

Seit dem letzten Übungsblatt hat ein einsamer Inselbewohner versucht, den Telegraphen aus Aufgabe 18 zu reparieren, damit er endlich wieder Würfelspiele mit seinen Nachbarn spielen kann. Da er allerdings nie gelernt hat, elektronische Geräte instand zu setzen, ist ihm die Reparatur nicht gelungen. Der Telegraph zeigt nun folgendes Übertragungsverhalten:

- $1 \mapsto 6$
- $2 \mapsto (2, 4, 6)$
- $3 \mapsto (3, 5)$
- $4 \mapsto (2, 4)$
- $5 \mapsto (2, 6)$
- $6 \mapsto (1, 3, 5, 6)$

Dabei findet die Übertragung in fehlerhaften Fällen jeweils gleichwahrscheinlich statt, d.h. wenn man versucht eine 3 zu senden, wird mit 50% Wahrscheinlichkeit eine 3 empfangen, mit 50% jedoch eine 5. Wir verwenden die Notation aus Aufgabe 18. Bestimmen Sie, ob die Reparatur den Telegraphen verbessert oder verschlechtert hat. Berechnen Sie dazu

- die Fehlerwahrscheinlichkeit $P(X \neq Z)$.
- die bedingten Wahrscheinlichkeiten $P(X \neq Z | Z = k)$.
- die Transinformation $T(X, Z)$.

und vergleichen Sie die Werte mit den Ergebnissen aus Aufgabe 18. Wie muss man das Würfelspiel (hier die Menge der übertragenen Zeichen) einschränken, wenn man den Telegraphen im jetzigen Zustand zur fehlerfreien Übertragung benutzen möchte?

20. Aufgabe: (8 Punkte)

Bestimmen Sie die Kanalkapazität der folgenden Kanäle mit Eingangsalphabet $\{0, 1\}$ bzw. $\{00, 01, 10, 11\}$ und Ausgangsalphabet $\{0, 1, 2\}$:

