

Durchgang durch die Themen der Kryptologie-
Vorlesung („Was kann in der Klausur dran-
kommen?“)

- Begriffserklärungen: Kerckhoff-Prinzip, Arten von Angriffen (cyphertext only, etc.), Unterschied klassische/moderne Krypto, Sicherheitsniveau
- Historische Chiffren, z.B. Cäsar, affin, allgemein monoalphabetisch, homomorph^{phon}, Vigenère (polyalphabetisch) und die Möglichkeiten, diese zu brechen (Kasiski, Friedman), Autokey
- Definition von Entropie bzw. Koinzidenzindex (+ Renyi-Entropie) bei gegebener w -Verteilung, Schätzung des IC-Werts aus gegebenem Text.
- Funktionsweise von rückgekoppeltem Schieberegister, linearer Kongruenzgenerator, quadratischer wie bei Pollard- g , bzw. bei Blum-Blum-Shub, Pseudozufallsgenerator
- absolute Sicherheit: Kryptosystem als stochast. Modell

- Begriff: Unizitätsmaß
- Feistel-Netzwerk (DES): grundsätzlicher Aufbau
- Begriffe aus Komplexitätstheorie: worst-case, average-case, Konzept Einwegfunktion, P , NP , O -Notation, Oracle-Reduzierbarkeit, \leq_{eff} , NP -vollständig, Fehlerrate bei probab. Algorithmus reduzieren, Komplexität element. Algorithmen
- Einwegfunktion, ggf. mit Falltür, homomorph
- Grundlagen der (algorithmischen) Zahlentheorie: Restklassen, (reduziertes) Restsystem, ggT mittels Euklid, Bezout, erweitert Euklid, inverse Elemente in \mathbb{Z}_n^* ,
- zyklische Gruppen, erzeugendes Element, wann ist \mathbb{Z}_n^* zyklisch? Primitivwurzelkriterium, Initialisieren eines diskret. Log-basierten Systems mit n (Primzahl) und a (Prim.wurzel).
→ sichere Primzahl

Definition und Berechnung von $\varphi(n)$;

Anzahl der Erzeuger bei zyklischer Gruppe.

Untergruppe, Satz von Lagrange

Satz von Euler, „kleiner Fermat“: $a^{n-1} \equiv 1 \pmod{n}$

Rechnen auf der „Grundlinie“ versus Rechnung mit dem Exponenten: $a^x \equiv a^y \pmod{n} \Leftrightarrow x \equiv y \pmod{\varphi(n)}$

Pollig-Hellman-Chiffrierung: sowohl als klassisches System bzw. Anwendung bei Shamirs No-Key-Protokoll.

Diffie-Hellman-Schlüsselvereinbarung, Diffie-Hellman-Problem

Quadratische (Nicht-) Reste, Chinesischer Restsatz, reguläres/irreguläres Profil von a modulo n , Miller-Rabin-Primzahltest, Carmichael-Zahl, Berechnen der Quadratwurzel, speziell wenn $n \equiv 3 \pmod{4}$, modulare Exponentiation (square + multiply)

RSA-System, Konzept eines Public-Key-Systems: $E(k, m)$, $D(k', c)$, geheimer/off. Schlüssel

Legendre-Symbol, Euler-Kriterium, Jacobi-Symbol, quadr. Reziprozitätssatz, Algorithmus für Jac. Symbol, Primzahltest v. Solovay-Strassen, Quadr. Rest-Problem „Blob“

Rabin-System, Faktorisieren \equiv eff. Quadratwurzel berechnen
(mit Chin. Restsatz)

El Gamal - Public Key System als Erweiterung von
Diffie-Hellman

- Konzept: Elektr. Unterschrift, speziell bei RSA-System; speziell bei El Gamal.

- Blinde Unterschrift mittels RSA-System

Konzept: kryptogr. sichere Hashfunktion

Geburtsstagsproblem, Geburtsstagsangriff gegen eine Hashfunktion

Möglichkeiten des Verschlüsselns „mit Commitment“

• Faktorisierungsalgorithmen: ^{Cycle-Detection} Pollard- ρ , $(p-1)$ -Algorithmus, Fermat-Algorithmus, Quadr. Sieb

• Algorithmen für Diskret-Log: Baby-Step-Giant-Step, ^{Cycle Detection} Pollard- ρ

- Konzept: Zero Knowledge-Protokoll, allgemein mit Einwegfunktion, die homomorph ist (Bsp: mod. Exponentiation und Quadrieren, Fiat-Shamir)

Zero Knowledge mittels Graph Isomorphie

Definition von Zero-Knowledge: effizienter Simulator

Schnorr Identifikations Protokoll,

Zero Knowledge für 3-COLOR.

- Aufteilen von Geheimnis, Schwellenwertsystem ^{mit Polynom}

Spezialfall: $n=k=2$ (Visuelle Krypto.)

- Konzept von Ellipt.-Kurve (Def. von $E_{a,b}$)

als Verallgemeinerung von Diskr. log-Protokollen

Wie definiert man PoQ (graphisch)

Gruppenstruktur durch Erweiterung mit \mathcal{O}