

Realzeitfähiges Hybrides Planen

Pascal Bercher

Institute of Artificial Intelligence

22.10.2012



ulm university

universität

uulm

Motivation

Unterstützung von Menschen in Ihrem Alltag durch Planungstechnologie; Beispiele:

- Bedienung von technischen Geräten wie Smartphones¹
- Unterstützung bei der Einrichtung einer komplexen Heimkinoanlage (vgl. Demonstrationsszenario 1)

Das Planen *für Menschen* erfordert:

- schnelle Berechnung der Handlungsempfehlungen
→ Realzeitfähigkeit
- nachvollziehbares Welt-/Planmodell
→ Hierarchische Domänenbeschreibung

¹Susanne Biundo, Pascal Bercher, Thomas Geier, Felix Müller, and Bernd Schattenberg (2011). "Advanced user assistance based on AI planning". In: *Cognitive Systems Research* 12.3-4, pp. 219–236.



Inhaltsverzeichnis

- 1 Grundlagen
 - Problemformalisierung
- 2 Komplexitätsergebnisse
 - Entscheidbarkeit im Hierarchischen Planen
 - Entscheidbarkeit im Hybriden Planen
- 3 Realzeitfähiges Hybrides Planen
 - Planungsalgorithmus
 - Suchstrategien für Nicht-Hierarchisches Planen
 - Suchstrategien für Hierarchisches Planen
- 4 Zusammenfassung



Problemformalisierung

Hierarchische und hybride Planungsprobleme werden beschrieben durch ein Tupel von Domäne und Probleminstanz $\pi = \langle \mathcal{D}, \mathcal{I} \rangle$.

- Die Domäne $\mathcal{D}$ beschreibt die Weltgesetze
- Die Probleminstanz $\mathcal{I}$ beschreibt den vorliegenden Weltzustand



Problemformalisierung (Domäne)

Die Domäne $\mathcal{D} = \langle V, A, C, M \rangle$ besteht aus:

- V , einer endlichen Menge von Zustandsvariablen
 2^V ist die Menge aller Zustände: der Zustandsraum

Beispiel:

$v_1 := \text{IsCompatible}(\text{AMPLIFIER}, \text{cable_HDMI}) \in V$

$v_2 := \text{HasFreePort}(\text{AMPLIFIER}) \in V$

$v_3 := \text{IsConnected}(\text{AMPLIFIER}, \text{cable_HDMI}) \in V$

$\{v_{i_1}, \dots, v_{i_{42}}\} \in 2^V$ ist ein Zustand

Problemformalisierung (Domäne)

Die Domäne $\mathcal{D} = \langle V, A, C, M \rangle$ besteht aus:

- A , einer endlichen Menge von Aktionen (primitiven Tasks)
Eine Aktion $\langle pre, add, del \rangle \in A$ besteht aus:
 - $pre \subseteq V$ ist die Vorbedingung,
 - $add, del \subseteq V$ sind die Effekte (Add-List, Delete-List)
- C , einer endlichen Menge von komplexen Tasks

Beispiel:

$v_1 := IsCompatible(AMPLIFIER, cable_HDMI) \in V$

$v_2 := HasFreePort(AMPLIFIER) \in V$

$v_3 := IsConnected(AMPLIFIER, cable_HDMI) \in V$

$a_1 := connect(AMPLIFIER, cable_HDMI) \in A$

$a_1 = \langle \underbrace{\{v_1, v_2\}}_{pre}, \underbrace{\{v_3\}}_{add}, \underbrace{\{v_2\}}_{del} \rangle$



Problemformalisierung (Domäne)

Die Domäne $\mathcal{D} = \langle V, A, C, M \rangle$ besteht aus:

- A , einer endlichen Menge von Aktionen (primitiven Tasks)
Eine Aktion $\langle pre, add, del \rangle \in A$ besteht aus:
 - $pre \subseteq V$ ist die Vorbedingung,
 - $add, del \subseteq V$ sind die Effekte (Add-List, Delete-List)
- C , einer endlichen Menge von komplexen Tasks

Beispiel:

$c_1 := \text{setUpHomeTheater} \in C$

$c_2 := \text{connect}(BLU-RAY, AMPLIFIER) \in C$

$c_3 := \text{connect}(TV, AMPLIFIER) \in C$

$c_4 := \text{connect}(RECEIVER, AMPLIFIER) \in C$



Problemformalisierung (Domäne)

Die Domäne $\mathcal{D} = \langle V, A, C, M \rangle$ besteht aus:

- M , einer endlichen Menge von Dekompositionsmethoden
Eine Methode $\langle c, P \rangle \in M$ bildet einen komplexen Task $c \in C$ auf einen partiellen Plan $P = \langle PS, <, \alpha \rangle$ ab mit:
 - PS , einer endlichen Menge an Planschritten
 - $< \subseteq PS \times PS$, einer partiellen Ordnung auf PS
 - $\alpha : PS \rightarrow C \cup A$, der Taskzuweisung

Beispiel:

$\langle \text{setUpHomeTheater}, \langle PS_{23}, <_{23}, \alpha_{23} \rangle \rangle \in M$ mit:

- $PS_{23} := \{ps_1, ps_2, ps_3\}$
- $<_{23} := \emptyset$
- $\alpha_{23} := \{(ps_1, \text{connect}(\text{BLU-RAY}, \text{AMPLIFIER})),$
 $(ps_2, \text{connect}(\text{TV}, \text{AMPLIFIER})),$
 $(ps_3, \text{connect}(\text{RECEIVER}, \text{AMPLIFIER}))\}$



Problemformalisierung (Probleminstanz)

Die Probleminstanz $\mathcal{I} = \langle s_{init}, c_{init}, goal \rangle$ besteht aus:

- $s_{init} \in 2^V$, dem Initialzustand
- $c_{init} \in C$, dem initialen, komplexen Task
- $goal \subseteq V$, der Zielzustandsbeschreibung

Beispiel:

$v_n, \dots, v_m := IsCompatible(AMPLIFIER, cable_HDMI), \dots$

$v_i, \dots, v_j := HasFreePort(AMPLIFIER), \dots$

$v_k, \dots, v_l := IsConnected(AMPLIFIER, BLU-RAY), \dots$

$\mathcal{I} := \langle \{v_n, \dots, v_m, v_i, \dots, v_j\}, setUpHomeTheater, \{v_k, \dots, v_l\} \rangle$

Lösungskriterien

Die Lösung eines Planungsproblems $\pi = \langle \mathcal{D}, \mathcal{I} \rangle$ mit $\mathcal{I} = \langle s_{init}, c_{init}, goal \rangle$ ist ein Plan $P = \langle PS, <, \alpha \rangle$, für den gilt:

- P enthält nur Aktionen (d.h. keine komplexen Tasks)
- Für jede durch $<$ induzierte Aktionssequenz $\bar{a}$ gilt:
 - $\bar{a}$ ist ausführbar
 - $\bar{a}$ erzeugt einen Zustand s , s.d. $goal \subseteq s$
- P ist eine Verfeinerung von c_{init} :
 - Anwendung von Dekompositionsmethoden (Ersetzung eines komplexen Tasks durch den vordefinierten partiellen Plan)
 - Einfügung von Ordnungsbeziehungen
 - Einfügung von primitiven Tasks (→ **Hybrides Planen!**)

Lösungskriterien

Die Lösung eines Planungsproblems $\pi = \langle \mathcal{D}, \mathcal{I} \rangle$ mit $\mathcal{I} = \langle s_{init}, c_{init}, goal \rangle$ ist ein Plan $P = \langle PS, <, \alpha \rangle$, für den gilt:

- P enthält nur Aktionen (d.h. keine komplexen Tasks)
- Für jede durch $<$ induzierte Aktionssequenz $\bar{a}$ gilt:
 - $\bar{a}$ ist ausführbar
 - $\bar{a}$ erzeugt einen Zustand s , s.d. $goal \subseteq s$
- P ist eine Verfeinerung von c_{init} :
 - Anwendung von Dekompositionsmethoden (Ersetzung eines komplexen Tasks durch den vordefinierten partiellen Plan)
 - Einfügung von Ordnungsbeziehungen
 - Einfügung von primitiven Tasks ($\rightarrow$ **Hybrides Planen!**)

Zusammenfassung

- Hybrider Planungsformalismus = $\left\{ \begin{array}{l} \text{Hierarchisches Planen} \\ + \text{ Taskeinfügung} \end{array} \right.$
- Formalisierung basiert auf Mengensemantik



Komplexitätsergebnisse

Exkurs: (Un)Entscheidbarkeit

Eine Menge M heißt entscheidbar, falls für jedes Objekt o in endlicher Zeit entschieden werden kann ob $o \in M$.

Sei $\text{PLAN-EXISTENCE} := \{\pi' \mid \text{Es existiert eine Lösung für } \pi'\}$

Ist PLAN-EXISTENCE entscheidbar? D.h.: kann man für jedes Planungsproblem in endlicher Zeit herausfinden, ob es eine Lösung besitzt?

Entscheidbarkeit im Hierarchischen Planen

Theorem:

Hierarchisches Planen ist *nicht* entscheidbar.²

Beweisidee:

Reduktion des Grammatikschnittproblems auf hierarchisches Planen: Gegeben zwei kontextfreie Grammatiken G und G' , existiert ein Wort in $L(G) \cap L(G')$?

Dazu: Konstruiere ein Planungsproblem π , s.d. *jede* Lösung von π zu einem Wort in $L(G) \cap L(G')$ korrespondiert. $\square$

→ Anhang

²Kutluhan Erol, James A. Hendler, and Dana S. Nau (1994). "HTN Planning: Complexity and Expressivity". In: *AAAI 1994*, pp. 1123–1128.



Entscheidbarkeit im Hybriden Planen

Theorem

Falls das hybride Planungsproblem π eine Lösung hat, so existiert eine Lösung, mit beschränkter Länge. Es folgt: Hybrides Planen ist entscheidbar.³

Beweisidee

- ❶ Jeder komplexe Task muss nur ein mal expandiert werden, da fehlende Tasks eingefügt werden können
⇒ beschränkte maximale Tiefe der Dekomposition
 - ❷ Zur Gewährleistung der Ausführbarkeit müssen nur beschränkt viele Aktionen eingefügt werden
- ⇒ endlicher Suchraum ⇒ Entscheidbarkeit!

→ Anhang

³Thomas Geier and Pascal Bercher (2011). "On the Decidability of HTN Planning with Task Insertion". In: *IJCAI 2011*, pp. 1955–1961.



Zusammenfassung

Hierarchisches Planen:

- Nicht entscheidbar! (genauer: semi-entscheidbar)
- Kein immer terminierender Algorithmus möglich

Hybrides Planen:

- Entscheidbar! (PSPACE-schwierig und enthalten in EXPSPACE)
- Immer terminierender Algorithmus möglich



Realzeitfähiges Hybrides Planen

Das Planungsproblem wird gelöst durch *Suche im Planraum*.
Ein Suchbaum wird inkrementell aufgebaut:

- Die Knoten sind partielle Pläne
- Der Wurzelknoten ist der initiale Plan
- Die Kanten sind Plan-Modifikationen/Verfeinerungen:
 - Dekomposition/Methodenanwendung
 - Einfügung von Ordnungsbeziehungen
 - Taskeinfügung (nur im hybriden Planen)

Dieser Suchbaum sollte so klein wie möglich werden!



Algorithmus

Wahl der Plan-Modifikationen/Verfeinerungen:

- Jede Verletzung eines Lösungskriteriums wird durch einen *Flaw* repräsentiert.

Beispiel:

Ein partieller Plan P enthält zwei komplexe Tasks.

→ Dann gibt es zwei *Complex-Task-Flaws*

- Für jeden Flaw-Typ gibt es Modifikationen, die ihn beheben.

Beispiel:

Complex-Task-Flaw → wende Dekompositionsmethoden an



Algorithmus

Input : Fringe = $\{P_{\text{init}}\}$

Output : Eine Lösung oder fail.

while Fringe $\neq \emptyset$ **do**

$P := \mathbf{PlanSel}(\text{Fringe})$

$F := \text{FlawDet}(P)$

if $F = \emptyset$ **then return** P

$f := \mathbf{FlawSel}(P)$

 Fringe := (Fringe $\setminus \{P\}$) $\cup \text{Successors}(P, f)$

end

return fail



Algorithmus (Übersicht)

Zusammenfassung:

- ❶ **Selektiere** einen partiellen Plan P
- ❷ **Berechne** sämtliche Flaws $F(P)$
- ❸ **Selektiere** einen Flaw $f \in F(P)$
- ❹ **Behebe** diesen Flaw f und erzeuge alle Nachfolgepläne $\text{succ}_1(P, f), \dots, \text{succ}_n(P, f)$

⇒ Zwei Entscheidungspunkte:

- Planselektion **PlanSel()** → Domänentransformation
- Flawselektion **FlawSel()** → Landmarkentechnik



Planselektion

Aufgabe der Planselektion:

Selektiere einen partiellen Plan mit möglichst geringem “Abstand” zu einer Lösung. Dies übernehmen Heuristiken!

Sei π ein Planungsproblem und P ein partieller Plan. Dann schätzt die Heuristikfunktion h_π den “Abstand” $h_\pi(P)$ von P zu einer Lösung.

Bekannte Heuristiken:

- Hierarchisches Planen:
 - praktisch keine
- Nicht-Hierarchisches Planen:
 - Suche im Planraum: → nur 2 Zieldistanzschätzungen
 - Suche im Zustandsraum: → sehr gute Zieldistanzschätzungen



Heuristiken zur Planselektion

Idee:

Nutze bestehende Heuristiken des nicht-hierarchischen Planens.⁴

Problem:

Bestehende Heuristiken sind für Suche im Zustandsraum, d.h. sie schätzen $h_{\pi}(s)$, s Zustand, statt $h_{\pi}(P)$, P partieller Plan.

Lösung:

Transformiere einen Plan P in einen Zustand!

⁴Pascal Bercher and Susanne Biundo (2012). "A Heuristic for Hybrid Planning with Preferences". In: *FLAIRS 2012*, pp. 120–123.

Problemstellung

Hierarchisches/hybrides Planen:

- Problemstellung:

$\pi = \langle \mathcal{D}, \mathcal{I} \rangle$ mit $\mathcal{D} = \langle V, A, C, M \rangle$ und $\mathcal{I} = \langle s_{init}, c_{init}, goal \rangle$

- Algorithmus:

Schätze $h_{\pi}(P)$, P partieller Plan

Nicht-Hierarchisches Planen:

- Problemstellung:

$\pi = \langle \mathcal{D}, \mathcal{I} \rangle$ mit $\mathcal{D} = \langle V, A \rangle$ und $\mathcal{I} = \langle s_{init}, goal \rangle$

- Algorithmus:

Schätze $h_{\pi}(s)$, s Zustand

Beschränkung auf nicht-hierarchisches Planen!



Domänen-/ Problemtransformation

Gegeben:

- $\pi = \langle \mathcal{D}, \mathcal{I} \rangle$ mit $\mathcal{D} = \langle V, A \rangle$ und $\mathcal{I} = \langle s_{init}, goal \rangle$
- ein partieller Plan P

Gesucht:

Transformation, die den partiellen Plan P eliminiert.

- $\pi' = \langle \mathcal{D}', \mathcal{I}' \rangle$ mit $\mathcal{D}' = \langle V', A' \rangle$ und $\mathcal{I}' = \langle s'_{init}, goal' \rangle$
- Zusätzlich muss gelten:
 - π besitzt eine Lösung $\Rightarrow \pi'$ besitzt eine Lösung
 - P' ist Lösung von $\pi' \Rightarrow P'$ kodiert Verfeinerung von P
 - P' ist Lösung von $\pi' \Rightarrow P'$ kodiert Lösung für π



Domänen-/ Problemtransformation (Beispiel)

Sei $\pi = \langle \underbrace{\langle V, A \rangle}_{\mathcal{D}}, \underbrace{\langle s_{init}, goal \rangle}_{\mathcal{I}} \rangle$ gegeben sowie der partielle Plan P

ps_1 mit $\alpha(ps_1) = a_1 =$

`connect(AMPLIFIER, cable_HDMI)`

ps_2 mit $\alpha(ps_2) = a_2 =$

`connect(cable_HDMI, TV)`

$<$

Dann ist $\pi' = \langle \underbrace{\langle V', A' \rangle}_{\mathcal{D}'}, \underbrace{\langle s_{init}, goal' \rangle}_{\mathcal{I}'} \rangle$ mit:

- $V' := V \cup \{occ-ps_1, occ-ps_2\}$
- $A' := A \cup \{enc(ps_1), enc(ps_2)\}$ mit
 - $enc(ps_1) = \langle pre(a_1) \wedge \neg occ-ps_1, effects(a_1) \wedge occ-ps_1 \rangle$
 - $enc(ps_2) = \langle pre(a_2) \wedge \neg occ-ps_2 \wedge occ-ps_1, effects(a_2) \wedge occ-ps_2 \rangle$
- $goal' := goal \cup \{occ-ps_1, occ-ps_2\}$



Domänen-/ Problemtransformation (Beispiel)

Sei $\pi = \langle \underbrace{\langle V, A \rangle}_{\mathcal{D}}, \underbrace{\langle s_{init}, goal \rangle}_{\mathcal{I}} \rangle$ gegeben sowie der partielle Plan P

ps_1 mit $\alpha(ps_1) = a_1 =$

`connect(AMPLIFIER, cable_HDMI)`

ps_2 mit $\alpha(ps_2) = a_2 =$

`connect(cable_HDMI, TV)`

$<$

Dann ist $\pi' = \langle \underbrace{\langle V', A' \rangle}_{\mathcal{D}'}, \underbrace{\langle s_{init}, goal' \rangle}_{\mathcal{I}'} \rangle$ mit:

- $V' := V \cup \{occ-ps_1, occ-ps_2\}$
- $A' := A \cup \{enc(ps_1), enc(ps_2)\}$ mit
 - $enc(ps_1) = \langle pre(a_1) \wedge \neg occ-ps_1, effects(a_1) \wedge occ-ps_1 \rangle$
 - $enc(ps_2) = \langle pre(a_2) \wedge \neg occ-ps_2 \wedge occ-ps_1, effects(a_2) \wedge occ-ps_2 \rangle$
- $goal' := goal \cup \{occ-ps_1, occ-ps_2\}$



Domänen-/ Problemtransformation (Beispiel)

Sei $\pi = \langle \underbrace{\langle V, A \rangle}_{\mathcal{D}}, \underbrace{\langle s_{init}, goal \rangle}_{\mathcal{I}} \rangle$ gegeben sowie der partielle Plan P

ps_1 mit $\alpha(ps_1) = a_1 =$

`connect(AMPLIFIER, cable_HDMI)`

ps_2 mit $\alpha(ps_2) = a_2 =$

`connect(cable_HDMI, TV)`

$<$

Dann ist $\pi' = \langle \underbrace{\langle V', A' \rangle}_{\mathcal{D}'}, \underbrace{\langle s_{init}, goal' \rangle}_{\mathcal{I}'} \rangle$ mit:

- $V' := V \cup \{occ-ps_1, occ-ps_2\}$
- $A' := A \cup \{enc(ps_1), enc(ps_2)\}$ mit
 - $enc(ps_1) = \langle pre(a_1) \wedge \neg occ-ps_1, effects(a_1) \wedge occ-ps_1 \rangle$
 - $enc(ps_2) = \langle pre(a_2) \wedge \neg occ-ps_2 \wedge occ-ps_1, effects(a_2) \wedge occ-ps_2 \rangle$
- $goal' := goal \cup \{occ-ps_1, occ-ps_2\}$



Domänen-/ Problemtransformation (Beispiel)

Sei $\pi = \langle \underbrace{\langle V, A \rangle}_{\mathcal{D}}, \underbrace{\langle s_{init}, goal \rangle}_{\mathcal{I}} \rangle$ gegeben sowie der partielle Plan P

ps_1 mit $\alpha(ps_1) = a_1 =$

`connect(AMPLIFIER, cable_HDMI)`

ps_2 mit $\alpha(ps_2) = a_2 =$

`connect(cable_HDMI, TV)`

$<$

Dann ist $\pi' = \langle \underbrace{\langle V', A' \rangle}_{\mathcal{D}'}, \underbrace{\langle s_{init}, goal' \rangle}_{\mathcal{I}'} \rangle$ mit:

- $V' := V \cup \{occ-ps_1, occ-ps_2\}$
- $A' := A \cup \{enc(ps_1), enc(ps_2)\}$ mit
 - $enc(ps_1) = \langle pre(a_1) \wedge \neg occ-ps_1, effects(a_1) \wedge occ-ps_1 \rangle$
 - $enc(ps_2) = \langle pre(a_2) \wedge \neg occ-ps_2 \wedge occ-ps_1, effects(a_2) \wedge occ-ps_2 \rangle$
- $goal' := goal \cup \{occ-ps_1, occ-ps_2\}$



Domänen-/ Problemtransformation (Beispiel)

Sei $\pi = \langle \underbrace{\langle V, A \rangle}_{\mathcal{D}}, \underbrace{\langle s_{init}, goal \rangle}_{\mathcal{I}} \rangle$ gegeben sowie der partielle Plan P

ps_1 mit $\alpha(ps_1) = a_1 =$

`connect(AMPLIFIER, cable_HDMI)`

ps_2 mit $\alpha(ps_2) = a_2 =$

`connect(cable_HDMI, TV)`



Dann ist $\pi' = \langle \underbrace{\langle V', A' \rangle}_{\mathcal{D}'}, \underbrace{\langle s_{init}, goal' \rangle}_{\mathcal{I}'} \rangle$ mit:

- $V' := V \cup \{occ-ps_1, occ-ps_2\}$
- $A' := A \cup \{enc(ps_1), enc(ps_2)\}$ mit
 - $enc(ps_1) = \langle pre(a_1) \wedge \neg occ-ps_1, effects(a_1) \wedge \text{occ-ps}_1 \rangle$
 - $enc(ps_2) = \langle pre(a_2) \wedge \neg occ-ps_2 \wedge \text{occ-ps}_1, effects(a_2) \wedge occ-ps_2 \rangle$
- $goal' := goal \cup \{occ-ps_1, occ-ps_2\}$



Domänen-/ Problemtransformation (Beispiel)

Sei $\pi = \langle \underbrace{\langle V, A \rangle}_{\mathcal{D}}, \underbrace{\langle s_{init}, goal \rangle}_{\mathcal{I}} \rangle$ gegeben sowie der partielle Plan P

ps_1 mit $\alpha(ps_1) = a_1 =$

`connect(AMPLIFIER, cable_HDMI)`

ps_2 mit $\alpha(ps_2) = a_2 =$

`connect(cable_HDMI, TV)`

$<$

Dann ist $\pi' = \langle \underbrace{\langle V', A' \rangle}_{\mathcal{D}'}, \underbrace{\langle s_{init}, goal' \rangle}_{\mathcal{I}'} \rangle$ mit:

- $V' := V \cup \{occ-ps_1, occ-ps_2\}$
- $A' := A \cup \{enc(ps_1), enc(ps_2)\}$ mit
 - $enc(ps_1) = \langle pre(a_1) \wedge \neg occ-ps_1, effects(a_1) \wedge occ-ps_1 \rangle$
 - $enc(ps_2) = \langle pre(a_2) \wedge \neg occ-ps_2 \wedge occ-ps_1, effects(a_2) \wedge occ-ps_2 \rangle$
- $goal' := goal \cup \{occ-ps_1, occ-ps_2\}$



Domänen-/ Problemtransformation (Beispiel)

Sei $\pi = \langle \underbrace{\langle V, A \rangle}_{\mathcal{D}}, \underbrace{\langle s_{init}, goal \rangle}_{\mathcal{I}} \rangle$ gegeben sowie der partielle Plan P

ps_1 mit $\alpha(ps_1) = a_1 =$

`connect(AMPLIFIER, cable_HDMI)`

ps_2 mit $\alpha(ps_2) = a_2 =$

`connect(cable_HDMI, TV)`

$<$

Dann ist $\pi' = \langle \underbrace{\langle V', A' \rangle}_{\mathcal{D}'}, \underbrace{\langle s_{init}, goal' \rangle}_{\mathcal{I}'} \rangle$ mit:

- $V' := V \cup \{occ-ps_1, occ-ps_2\}$
- $A' := A \cup \{enc(ps_1), enc(ps_2)\}$ mit
 - $enc(ps_1) = \langle pre(a_1) \wedge \neg occ-ps_1, effects(a_1) \wedge occ-ps_1 \rangle$
 - $enc(ps_2) = \langle pre(a_2) \wedge \neg occ-ps_2 \wedge occ-ps_1, effects(a_2) \wedge occ-ps_2 \rangle$
- $goal' := goal \cup \{occ-ps_1, occ-ps_2\}$



Zusammenfassung

Gegeben:

- $\pi = \langle \mathcal{D}, \mathcal{I} \rangle$ mit $\mathcal{D} = \langle V, A \rangle$ und $\mathcal{I} = \langle s_{init}, goal \rangle$
- ein partieller Plan P

Gesucht:

Heuristische Schätzung $h_{\pi}(P)$

Lösung:

Berechne $\pi' = \langle \mathcal{D}', \mathcal{I}' \rangle$ und setze $h_{\pi}(P) := h'_{\pi'}(s_{init})$, wobei $h'_{\pi'}$ eine beliebige Heuristik für Suche im Zustandsraum.



Flawselektion (Übersicht)

Wiederholung Algorithmus:

- ❶ **Selektiere einen partiellen Plan P**
- ❷ **Berechne sämtliche Flaws $F(P)$**
- ❸ **Selektiere einen Flaw $f \in F(P)$**
- ❹ **Behebe diesen Flaw f und erzeuge alle Nachfolgepläne $\text{succ}_1(P, f), \dots, \text{succ}_n(P, f)$**

→ Die Wahl des Flaws kann nicht “falsch” sein!

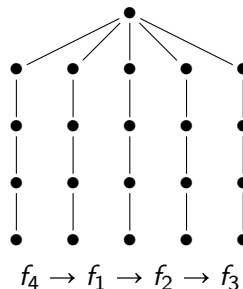
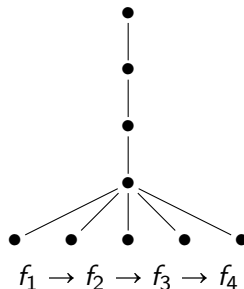


Flawselektion (Motivation)

Die Wahl des Flaws beeinflusst die Form des Suchbaums!

Beispiel:

Der initiale Plan hat vier Flaws: $f_1, \dots, f_4$.



Flawselektion für Hierarchisches Planen

Flawselektion für komplexe Tasks:

Auswahl des komplexen Tasks hängt ab von geschätztem Verzweigungsfaktor. Dieser beruht auf Landmarken.⁵

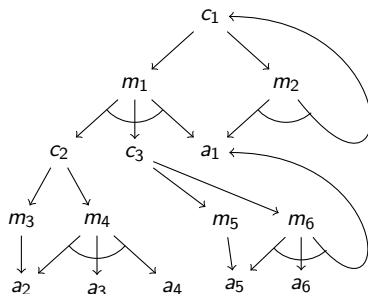
Definition:

Eine *hierarchische Landmarke* ist ein Task, der auf jedem Pfad vom initialen Plan zu einer Lösung vorkommt.

⁵Mohamed Elkawkagy, Pascal Bercher, Bernd Schattenberg, and Susanne Biundo (2012). "Improving Hierarchical Planning Performance by the Use of Landmarks". In: *AAAI 2012*, pp. 1763–1769.

Dekompositionsgraph & Landmarkentabelle

Dekompositionsgraph:



$a_1, \dots, a_6 \in A,$
 $c_1, \dots, c_3 \in C,$
 $m_1, \dots, m_6 \in M$

Landmarkentabelle:

t	$N(t)$	$R(t)$
c_1	$\{a_1\}$	$\{\{c_2, c_3\}, \{c_1\}\}$
c_2	$\{a_2\}$	$\{\emptyset, \{a_3, a_4\}\}$
c_3	$\{a_5\}$	$\{\emptyset, \{a_6, a_1\}\}$

- Repräsentiert den Dekompositionsgraphen
- Enthält die notwendigen Tasks $N(t)$ von t
- Enthält die restlichen Tasks $R(t)$ von t



Landmarkenstrategien lm_1, lm_2

Der partielle Plan P enthalte die komplexen Tasks c_1 und c_3 .
Die Landmarkentabelle LT enthalte die folgenden Einträge:

- $\langle c_1, \{a_1\}, \{ \{c_2, c_3\}, \{c_1\} \} \rangle \in LT$
- $\langle c_3, \{a_5\}, \{ \emptyset, \{a_6, a_1\} \} \rangle \in LT$

Definition:

Die Flawselektion lm_1 selektiert c_i vor c_j gdw.

$$\sum_{r \in R(c_i)} |r| < \sum_{r \in R(c_j)} |r|$$

$$\sum_{r \in R(c_3)} |r| < \sum_{r \in R(c_1)} |r| \Leftrightarrow 0 + 2 < 2 + 1 \Rightarrow \text{wähle } c_3!$$

Landmarkenstrategien lm_1, lm_2

Der partielle Plan P enthalte die komplexen Tasks c_1 und c_3 .
Die Landmarkentabelle LT enthalte die folgenden Einträge:

- $\langle c_1, \{a_1\}, \{ \{c_2, c_3\}, \{c_1\} \} \rangle \in LT$
- $\langle c_3, \{a_5\}, \{ \emptyset, \{a_6, a_1\} \} \rangle \in LT$

Definition:

Die Flawselektion lm_2 selektiert c_i vor c_j gdw.

$$\sum_{r \in R(c_i)} |r|_C < \sum_{r \in R(c_j)} |r|_C \text{ mit } |r|_C := |\{c \in r \mid c \in C\}|.$$

$$\sum_{r \in R(c_3)} |r|_C < \sum_{r \in R(c_1)} |r|_C \Leftrightarrow 0 + 0 < 2 + 1 \Rightarrow \text{wähle } c_3!$$

Landmarkenstrategien lm_1^*, lm_2^*

Die transitive Hülle der Strategien traversiert den Graphen bis zur primitiven Ebene!

$$R^*(t) = R(t) \cup \bigcup_{r \in R(t)} \left(\bigcup_{t' \in r} R^*(t') \right)$$

$$\text{mit } \langle t, N(t), R(t) \rangle \in LT$$

t	$N(t)$	$R(t)$	$R^*(t)$
c_1	$\{a_1\}$	$\{\{c_2, c_3\}, \{c_1\}\}$	$R(c_1) \cup R(c_2) \cup R(c_3)$
c_2	$\{a_2\}$	$\{\emptyset, \{a_3, a_4\}\}$	$R(c_2)$
c_3	$\{a_5\}$	$\{\emptyset, \{a_6, a_1\}\}$	$R(c_3)$

Evaluation

Besser als andere evaluierte Flaw-Selektionsstrategien!

Evaluation wurde durchgeführt mit:

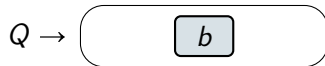
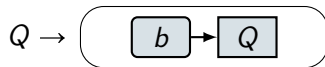
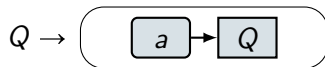
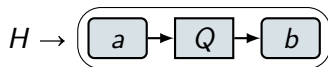
- nicht aktueller Version von PANDA (anderer Algorithmus!)
- vorgestellter Algorithmus beruht auf neuer Version PANDA₂

Zusammenfassung

- Neue Formalisierung von hierarchischem und hybriden Planen
- Nachweis der Entscheidbarkeitseigenschaften:
 - Hierarchisches Planen ist *nicht* entscheidbar
 - Hybrides Planen *ist* entscheidbar
- Techniken zum effizienten Lösen hybrider Planungsprobleme
 - Hierarchisches Planen: Landmarkentechnik
 - Nicht-Hierarchisches Planen: Domänentransformation



Beispiel (Domäne)



$$C := \{H, Q\}$$

$$A := \{a, b\} \text{ (Tupel nicht angegeben)}$$

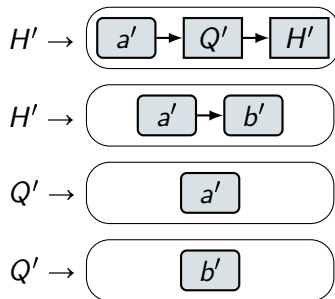
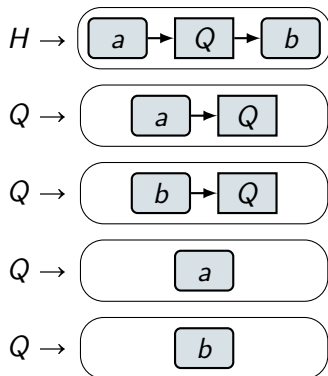
$$M := \{m_1, \dots, m_5\} \text{ wie links; Bsp.:}$$

$$m_1 := \langle H, \langle PS_1, <_1, \alpha_1 \rangle \rangle \text{ mit:}$$

- $PS_1 := \{ps_1, ps_2, ps_3\},$
- $<_1 := \{(ps_1, ps_2), (ps_2, ps_3)\}$
- $\alpha_1 := \{(ps_1, a), (ps_2, Q), (ps_3, b)\}$

Die Dekompositionsmethoden beschreiben die Grammatik G .
Das Startsymbol von G ist H ; damit ist $L(G) = a(a|b)^+b$.

Beispiel (Domäne)



Die Dekompositionsmethoden beschreiben die Grammatik G und G' .

Das Startsymbol von G ist H ; damit ist $L(G) = a(a|b)^+b$.

Das Startsymbol von G' ist H' ; damit ist $L(G') = (a'(a'|b'))^*a'b'$.



Beispiel (Planungsproblem)

Gibt es ein Wort, das von beiden Sprachen erzeugt wird?

Prinzipielle Idee:

- Der “initiale Plan” besteht aus den Startsymbolen beider Grammatiken
 - Wurde eine Aktion ausgeführt, die einen Buchstaben i' erzeugt, muss unmittelbar zuvor der Buchstabe i erzeugt worden sein
 - Der letzte erzeugte Buchstabe muss ein Buchstabe i' der Grammatik G' sein
- ⇒ Damit werden immer identische Worte über a, b sowie über a', b' erzeugt!



Beispiel eines Planungsproblems (Problemstellung)

Domänenmodell $\mathcal{D} = \langle V, C, A, M \rangle$:

- $V := \{a, a', b, b', turn_G, turn_{G'}\}$
- $C := \{H, Q, H', Q', c_{init}\}$
- $A := \{a_1, a_2, a_3, a_4\}$ mit:
 - a_1 zur Erzeugung von a : $\langle \overbrace{\{turn_G\}}^{pre}, \overbrace{\{turn_{G'}, a\}}^{add}, \overbrace{\{turn_G\}}^{del} \rangle$
 - a_2 zur Erzeugung von a' : $\langle \{turn_{G'}, a\}, \{turn_G\}, \{turn_{G'}, a\} \rangle$
- $M := \{m_1, \dots, m_5, m'_1, \dots, m'_4, m_{c_{init}}\}$ kodiert zusätzlich den initialen Plan: $m_{c_{init}} := \langle c_{init}, \langle PS_{init}, \langle init, \alpha_{init} \rangle \rangle \rangle$
 - $PS_{init} := \{ps_1, ps_2\}$
 - $\langle init := \emptyset$
 - $\alpha_{init} := \{(ps_1, H), (ps_2, H')\}$

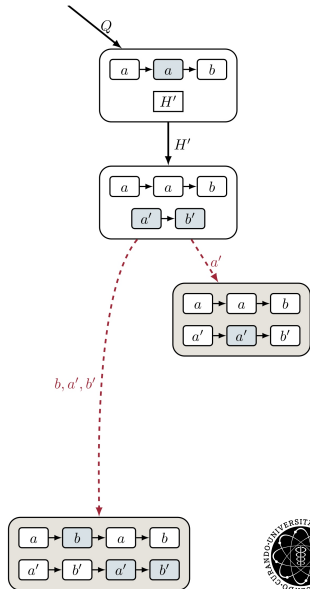
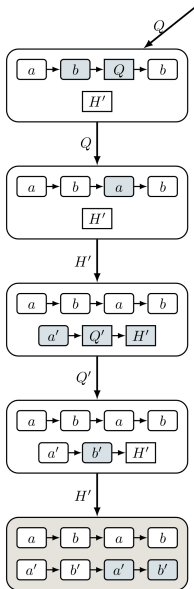
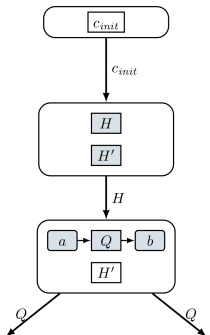
Probleminstanz:

- $\mathcal{I} := \langle \underbrace{\{turn_G\}}_{S_{init}}, c_{init}, \underbrace{\{turn_G\}}_{goal} \rangle$

Beispiel (Planungsprozess)

$$L(G) = a(a|b)^+b$$

$$L(G') = (a'(a'|b'))^*a'b'$$

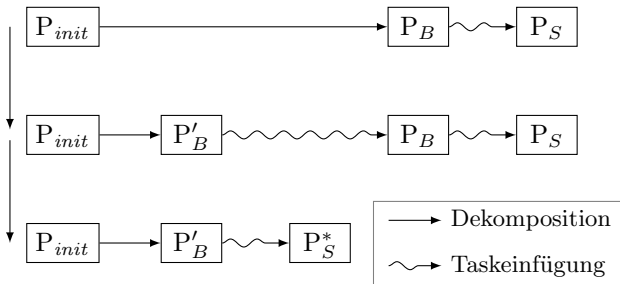


Entscheidbarkeit im Hybriden Planen (Beweisidee)

Die maximale Länge der kürzesten Lösung jedes hybriden Planungsproblems ist beschränkt. Wieso?

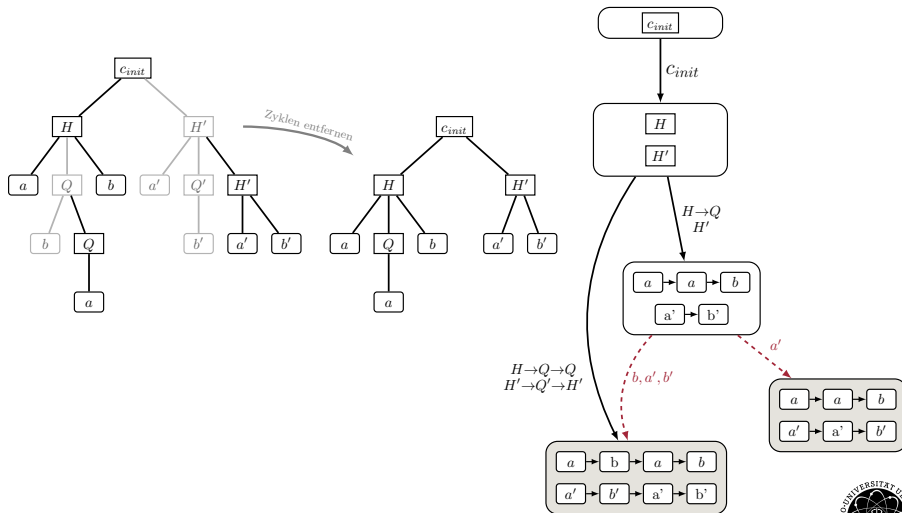
- Falls $P_{init} \xrightarrow{D} P_B$, so gilt $P_{init} \xrightarrow{D} P'_B \xrightarrow{T} P_B$, $|P'_B| \leq n$
- Falls $P'_B \xrightarrow{T} P_S$ so gilt $P'_B \xrightarrow{T} P_S^*$, $|P_S^*| \leq m$

$\Rightarrow$ Falls $P_{init} \xrightarrow{D} P_B \xrightarrow{T} P_S$, so $P_{init} \xrightarrow{D,T} P_S^*$, $|P_S^*| \leq f(n, m)$



Entscheidbarkeit im Hybriden Planen (Beispiel)

Rekonstruktion der Dekomposition:



Evaluation der Landmarkenstrategien (Domänen)

Experimente wurden auf zwei Domänen durchgeführt

- UM Translog
 - Logistikdomäne – ursprünglich für UMCP entworfen
 - 12 qualitativ verschiedene Probleminstanzen
 - Tiefer Dekompositionsgraph (Tiefe 10)
- Satellite
 - Observationsaufgaben
 - Problemstruktur: x Observationen – y Satelliten – z Modi.
 - Flacher Dekompositionsgraph (Tiefe 3)



Evaluation der Landmarkenstrategien (UM-Translog)

rot → bestes Ergebnis **fett** → zweitbestes Ergebnis

#n → Anzahl Suchknoten

FlawSel	1 #n	2 #n	3 #n	4 #n	5 #n	6 #n	7 #n	8 #n	9 #n	10 #n	11 #n	12 #n
UMCP	58	156	177	55	57	308	63	75	220	161	92	90
EMS	147	405	211	127	114	–	1571	113	–	2558	879	500
SHOP	89	164	146	106	83	926	98	95	–	247	121	173
lm ₁	62	135	141	53	55	339	109	73	420	211	84	91
lm ₁ [*]	124	146	137	57	51	305	110	81	367	142	87	84
lm ₂	52	133	145	62	53	291	63	71	158	183	75	72
lm ₂ [*]	51	135	154	52	65	266	61	61	304	158	78	89
lcf	55	155	162	78	127	327	62	86	–	227	79	90
da-HotSpot	144	644	239	114	148	723	99	120	–	184	641	588
HotZone	55	197	191	55	55	–	159	122	–	701	81	76



Evaluation der Landmarkenstrategien (Satellite)

rot → bestes Ergebnis **fett** → zweitbestes Ergebnis
 #n → Anzahl Suchknoten

FlawSel	1-1-1 #n	1-2-1 #n	2-1-1 #n	2-1-2 #n	2-2-1 #n	2-2-2 #n
UMCP	83	36	883	1558	278	1062
EMS	65	47	1586	–	1219	–
SHOP	62	105	138	–	1406	–
lm ₁	78	128	4890	200	–	483
lm ₁ [*]	73	91	–	1905	–	146
lm ₂	73	194	560	352	693	295
lm ₂ [*]	78	34	847	1803	739	619
lcf	86	71	1120	3022	407	–
da-HotSpot	56	68	782	832	2186	142
HotZone	61	57	1281	–	1094	871

