

## Übungsblatt 9

**15)** Sei  $(V, c, D, d, f, u)$  eine Instanz des Sink Clustering Problems. Angenommen ein kürzester aufspannender Baum auf  $D$  in  $(V, c)$  kann in Zeit  $O(\Delta(D))$  berechnet werden. Zeigen Sie, dass dann der in der Vorlesung vorgestellte Algorithmus für das Sink Clustering Problem in Zeit  $O(\Delta(D) + |D| \log |D|)$  läuft.

(4 Punkte)

**16)** Sei  $(V, c, D, d, f, u)$  eine Instanz des Sink Clustering Problems. Berücksichtigen Sie nun die folgende Variante des Approximationsalgorithmus aus der Vorlesung:

Sei  $\lambda := \frac{uf}{u+2f}$  und sei  $c'$  die Metrik auf  $V$  definiert durch  $c'(v, w) := \min\{c(v, w), \lambda\}$  für alle  $v, w \in V$ .

- Berechne einen Steinerbaum  $F$  auf  $D$  in  $(V, c')$  mit einem Approximationsalgorithmus für Steinerbäume mit Gütegarantie  $\beta$ .
- Entferne alle Kanten der Länge  $\lambda$  aus  $F$ .
- Wenn der erhaltene Wald überladene Komponenten enthält, splitte diese wie im ursprünglichen Algorithmus auf.

Beweisen Sie, dass dieser Algorithmus eine Gütegarantie von  $3\beta$  hat.

(4 Punkte)

**Abgabetermin:** 25. Juni, vor der Vorlesung (12.15 Uhr).