

(1) Ebenen im Raum

Das geometrische Bild einer linearen Funktion vom Typ $ax + by + cz + d = 0$ ist eine Ebene. Wir behandeln zunächst einige Sonderfälle:

Koordinatenebenen

x, y -Ebene: $z = 0$ (Bild IV-7)

x, z -Ebene: $y = 0$ (Bild IV-8)

y, z -Ebene: $x = 0$ (Bild IV-9)

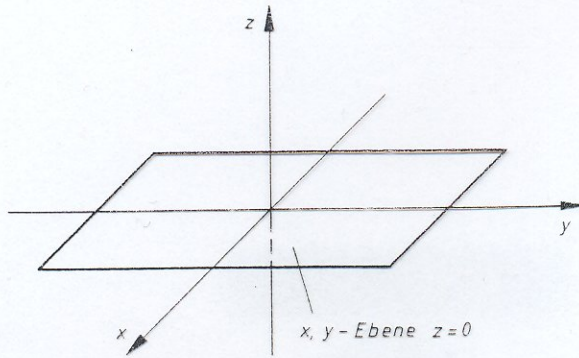


Bild IV-7
 x, y -Ebene $z=0$

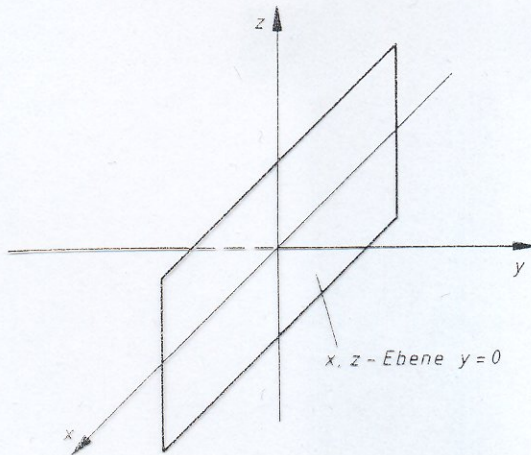


Bild IV-8
 x, z -Ebene $y=0$

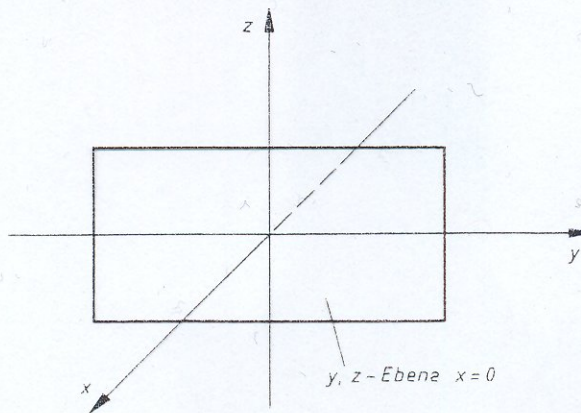


Bild IV-9
 y, z -Ebene $x=0$

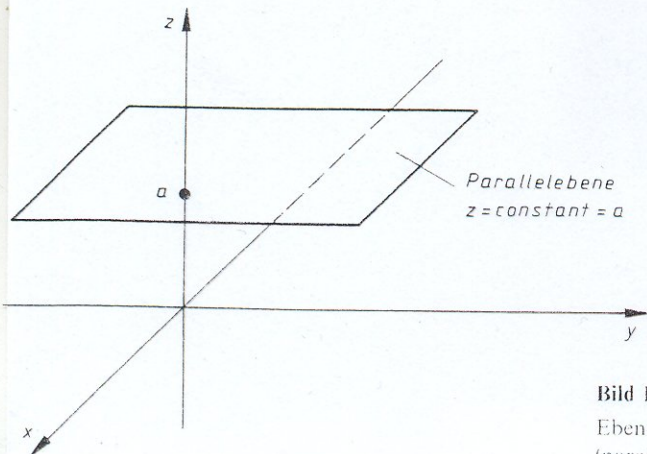


Bild IV-10
Ebene $z = \text{constant} = a$
(parallel zur x, y -Ebene)

Parallelebenen

$z = \text{const.} = a$ ist die Funktionsgleichung einer Ebene, die im Abstand $d = |a|$ parallel zur x, y -Ebene $z = 0$ verläuft (Bild IV-10). Für $a > 0$ liegt die Ebene oberhalb, für $a < 0$ unterhalb der x, y -Ebene. Beispiele hierfür sind:

$z = 4$: Parallelebene im Abstand $d = 4$ oberhalb der x, y -Ebene

$z = -2$: Parallelebene im Abstand $d = 2$ unterhalb der x, y -Ebene

Analog beschreiben die Gleichungen $y = \text{const.} = a$ und $x = \text{const.} = a$ Ebenen, die im Abstand $d = |a|$ parallel zur x, z - bzw. y, z -Ebene verlaufen.