



## Institut für Theoretische Chemie: Prof. Dr. Gerhard Taubmann, Dipl.-Chem. Uwe Friedel

## Ergänzende Mathematische Methoden für Lehramt Chemie Fr. 12:00-14:00 Uhr, O25/346

Übungsblatt 1,\* Übung am 25.4.2014

Aufgabe 1: Grenzwerte: Regel von l'Hospital (2 P)

Berechnen Sie

(a) 
$$\lim_{x \to 0} \frac{e^{x^2}}{(e^x)^2}$$
 (b)  $\lim_{x \to 0} \frac{\sin(x^2)}{(\sin x)^2}$ 

(b) 
$$\lim_{x \to 0} \frac{\sin(x^2)}{(\sin x)^2}$$

Aufgabe 2: Grenzwerte: Regel von l'Hospital

Verwenden Sie die Regel von l'Hospital um die folgenden Grenzwerte zu berechnen:

(a) 
$$\lim_{x \to 1} \frac{x^2 - x}{x^2 - 3x + 2}$$
 (1 P)   
 (b)  $\lim_{x \to \infty} \frac{\ln(1 + e^x)}{x}$  (1 P)

(b) 
$$\lim_{x \to \infty} \frac{\ln(1 + e^x)}{x}$$
 (1 P)

(c) 
$$\lim_{x \to 0} \frac{\tan x}{x}$$
 (1 P)

(d) 
$$\lim_{x \to 1} \left( \frac{1}{e^x - 1} - \frac{1}{x} \right)$$
 (2 P)

(e) 
$$\lim_{x\to 0} \frac{e^x - e^{-x} - 2x}{x - \sin x}$$
 (1 P)

Aufgabe 3: Grenzwerte

Berechnen Sie folgende Grenzwerte:

a) 
$$\lim_{x \to 0} \frac{1 - \cos x}{x \sin x}$$
 (1 P) b)  $\lim_{x \to 0} \frac{\sin x}{x}$  (1 P) c)  $\lim_{x \to 0} \frac{\sin^{42} x}{x^{42}}$ 

b) 
$$\lim_{x \to 0} \frac{\sin x}{x}$$
 (1 P)

c) 
$$\lim_{x \to 0} \frac{\sin^{42} x}{x^{42}}$$
 (1P)

Hinweis zu c): L'Hospital wäre hier eine schlechte Idee. Warum? Verwenden Sie stattdessen das Ergebnis von b).

 $<sup>*</sup>Die \ \ddot{U} bungsblätter \ k\"{o}nnen \ von \ {\tt http://www.uni-ulm.de/nawi/nawi-theochemie/lehre} \ heruntergeladen \ werden.$