



Theoretische Modellierung und Simulation Übungsblatt Nr. 8, 17.06.2015

Die Übungsblätter können heruntergeladen werden von
<http://www.uni-ulm.de/theochem/>

Die Aufgaben werden besprochen in den Übungen im Chemie-Computer-Labor, O26/198, am Mittwoch, den 17.06.2014 und Freitag, dem 19.06.2014.

Aufgabe 15: MD vs. Monte Carlo

Die Diffusion eines Teilchen auf einer Oberfläche kann sowohl mit Molekulardynamik- als auch mit Monte Carlo-Methoden simuliert werden. Sie kann auch als ein Modell für die Brown'sche Bewegung angesehen werden.

Als Beispiel soll die Diffusion eines Teilchen auf einer Oberfläche mit einer quadratischen Symmetrie betrachtet werden.

Laden Sie dazu von der Webpage <http://www.uni-ulm.de/nawi/nawi-theochemie/lehre/lehre-ss-2015/simulation-und-modelling-ss-2015.html> die gezippten MATLAB Programme `Matlab_MD.zip` und `Matlab_RandomWalk.zip` herunter und entpacken Sie die Skripte.

Das Skript `Controller_MD_Diff.m` erzeugt eine Trajektorie für `Stepnumber` Zeitschritte à 1 fs ($\Delta t = 10^{-15}$) in dem Potential gegeben in Aufgabe 13. Um die Simulation realistischer zu gestalten, sollen Sie diesmal die Temperatur anstatt der kinetischen Energie vorgeben. Die Stöße des Teilchens mit der Oberfläche werden dadurch modelliert, dass die Geschwindigkeit alle 50 fs (`Noisestep = 50;`) so skaliert wird, dass für die kinetische Energie in jedem Freiheitsgrad $E_{\text{kin}} = \frac{1}{2}k_B T$ gilt. Außerdem wird die Richtung der Teilchen bei der Skalierung stochastisch modifiziert.

Hinweis: Probieren Sie als Eingabe u.a. `Temp = 500 K`, und `Stepnumber = 100000`.

Das Skript `Controller_RandomWalk.m` dagegen modelliert das Hüpfen von einer Einheitszelle zur nächsten. Pro Zeiteinheit wird ein Hüpfprozess durchgeführt, der zufällig in $+x$ -, $-x$ -, $+y$ - oder $-y$ -Richtung geschieht.

Aufgaben:

- Erzeugen Sie mit beiden Programmen Trajektorien der Teilchen.
- Was ist der deutlichste Unterschied beider Programme?

Das Skript `Controller_RandomWalk.m` berechnet automatisch auch schon das Abstandskvadrat $r(t)^2 = (x(t) - x(t=0))^2 + (y(t) - y(t=0))^2$ vom Startpunkt, wobei t jeweils ein bestimmter Zeitschritt ist. $r(t)^2$ steht im array `distarray`.

(siehe Zeile im Skript mit: `[posarray, distarray] = RandomWalkMK(Stepnumber);`)

- Bestimmen Sie für mehrere Trajektorien das Verhalten von $r(t)^2$ durch zeichnen (Kommentieren Sie die entsprechende Befehlszeile aus).

Um eine bessere Statistik zu bekommen, sollte $r(t)^2$ über mehrere Versuche (`% Repeatnumber = 100;`) gemittelt werden. Kommentieren Sie dazu die entsprechenden Zeilen im Code aus.

- Ergibt sich eine funktionale Abhängigkeit?

Bitte wenden!

Zusatzaufgaben:

- Versuchen Sie, die Funktion `RandomWalkMK.m` und das Skript `Controller_RandomWalk.m` so umzuschreiben, dass Sie einen 3D Random Walk berechnen.
- Versuchen Sie, die Funktion `RandomWalkMK.m` so umzuschreiben, dass ein sogenannter “Self-avoiding walk” (SAW) entsteht, bei dem kein Platz zweimal besucht wird. Damit erhält man geometrische Strukturen, die wichtig für das Verständnis von Polymeren und der Proteinfaltung sind. Frage: Welche Unterschiede ergeben sich für 2D und 3D.
- Versuchen Sie, die Berechnung des Abstandsquadrats im Molekulardynamik-Skript analog wie beim Random Walk zu implementieren.

Aufgabe 16: Quantenmechanisches Teilchen im Kasten

Ein Teilchen in einem Kasten ist das einfachste Modell zur quantenmechanischen Beschreibung eines Atoms. Für einen eindimensionalen Kasten von $x = -a$ bis $x = a$ mit unendlich hohen Potentialwänden sind die möglichen Energieniveaus gegeben durch

$$E_n = \frac{\hbar^2}{2m} \left(\frac{n\pi}{2a} \right)^2 = E_1 n^2 . \quad (1)$$

Wie sehen die Energieniveaus $E_{n_x n_y n_z}$ für ein Teilchen in einem kubischen, d.h. dreidimensionalen Kasten mit Seitenlänge $2a$ aus? Einige Energieniveaus sind entartet, d.h. es gibt mehrere Quantenzustände mit gleicher Energie. Tragen Sie die Anzahl der Energieniveaus als Funktion ihrer Energie in Einheiten von E_1 bis $E = 25E_1$ im ein- und dreidimensionalen Fall auf. Einige Entartungen sind *natürlich*, d.h. sie entstehen aus Symmetriegründen, andere sind zufällig. Gibt es eine bis $E = 25E_1$ eine zufällige Entartung? Falls nicht, finden sie eine zufällige Entartung bei höheren Energien.