



Mathematik II für Biochemie, Molekulare Medizin

Vorlesung: Di. 10-12, H16 (Chemie u. Wi.-Chemie); Mo 14-16, H3 (Molekulare Medizin u. Biochemie)

Übungsblatt 12 wird in der Woche ab dem 11.07.2017 besprochen

Die Übungsblätter können von <http://www.uni-ulm.de/nawi/nawi-theochemie/lehre/> heruntergeladen werden.

Übungsblatt 12

1. Aufgabe: Frage zur Vorlesung

Fassen Sie den Inhalt der Vorlesung vom 19.06.2017 kurz (in etwa fünf Zeilen) zusammen.
Fassen Sie den Inhalt der Vorlesung vom 03.07.2017 kurz (in etwa fünf Zeilen) zusammen.

2. Aufgabe: Determinanten und Matrixmultiplikation

Gegeben seien die Matrizen B_1 , B_2 , B_3 und A :

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 3 \\ 2 & 0 & 2 & 2 \\ 3 & 3 & 2 & 1 \\ 2 & 2 & 0 & 2 \end{pmatrix} \quad B_1 = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad B_2 = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad B_3 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

- (i) Berechnen Sie die Determinanten $|A|$, $|B_1|$, $|B_2|$ und $|B_3|$.
(ii) Berechnen Sie die Produkte:

- $A \cdot B_1$ und $B_1 \cdot A$
- $A \cdot B_2$ und $B_2 \cdot A$
- $A \cdot B_3$ und $B_3 \cdot A$

Welchen elementaren Umformungen entspricht die Multiplikation mit den B_i s?

- (iii) Geben Sie den Wert der Determinanten $|A \cdot B_i|$ und $|B_i \cdot A|$ an.

3. Aufgabe: Determinanten

Berechnen Sie die folgenden Determinanten ohne die Sarrus-Regel zu verwenden und ohne jemals nach einer Zeile oder Spalte mit mehr als einem nichtverschwindenden Eintrag zu entwickeln:

$$(a) \begin{vmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 6 \end{vmatrix} \quad (b) \begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 0 & 1 \\ -1 & 4 & 2 \end{vmatrix} \quad (c) \begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 0 & 1 \\ 3 & 6 & 9 \end{vmatrix}$$

4. Aufgabe: Determinanten

Überprüfen Sie, ob die folgenden Determinanten den Wert Null haben, ohne sie explizit zu berechnen.

$$(a) \begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 4 & 2 \\ 3 & 6 & 1 \end{vmatrix} \quad (b) \begin{vmatrix} 4 & 2 & 1 \\ 1 & 0 & 4 \\ 2 & 0 & 1 \end{vmatrix} \quad (c) \begin{vmatrix} i & -2i & 3 \\ 2 & 4 & 2 \\ 2 & -4 & -6i \end{vmatrix} \quad (d) \begin{vmatrix} i & 2 & 3i \\ 2i & 0 & 0 \\ -i & 0 & 0 \end{vmatrix}$$

5. Aufgabe: Determinanten

Berechnen Sie die folgenden Determinanten ohne die Sarrus-Regel zu verwenden und ohne jemals nach einer Zeile oder Spalte mit mehr als einem nichtverschwindenden Eintrag zu entwickeln.

$$(a) \begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 5 & 6 & 6 \\ 3 & 1 & -1 \end{vmatrix} \quad (b) \begin{vmatrix} 2i & 4 & 7 \\ 0 & 2 & 0 \\ 4i & 2 & 7 \end{vmatrix} \quad (c) \begin{vmatrix} 3 & 0 & 1 & 5 \\ 0 & -1 & -2 & 5 \\ 1 & 2 & -3 & 8 \\ 6 & 0 & 7 & 10 \end{vmatrix}$$
$$(d) \begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 & 1 \\ 5 & 2 & 6 & 4 \\ 3 & -6 & -1 & 5 \\ 2 & 4 & 7 & 3 \end{vmatrix} \quad (e) \begin{vmatrix} -1 & 3i & 2 \\ 0 & 2i & 0 \\ 4 & -4i & 7 \end{vmatrix} \quad (f) \begin{vmatrix} -2 & 2i+1 & -2 \\ -3 & 3i-2 & 4 \\ 4 & -4i-1 & 2 \end{vmatrix}$$
$$(g) \begin{vmatrix} 3 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 5 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & -31 & 0 & 0 & 0 \\ 6 & -8 & 3 & -1 & 0 & 0 \\ 3 & 1 & -73 & 2 & 2 & 0 \\ 9 & 11 & -2 & -4 & 37 & -1 \end{vmatrix}$$