

## Institut für Theoretische Chemie: Prof. Dr. Gerhard Taubmann, Dr. Luis Mancera

## Mathematik I für Chemie und Wirtschaftschemie

Di. 08:00-10:00 Uhr; O25/346 // Di. 14:00-16:00 Uhr; O25/346, O25/H7Do. 08:00-10:00 Uhr; N25/2103 // Do. 12:00-14:00 Uhr; O25/346

Übungsblatt 12,\* Übung am 28.01.2014 und 30.01.2014

Aufgabe 1: Eulersche Formel und trigonometrische Relationen (3 P)

Zeigen Sie mit der Euler'schen Formel, dass gilt:

(a) 
$$\sin(2\alpha) = 2\sin(\alpha)\cos(\alpha)$$

(a) 
$$\sin(2\alpha) = 2\sin(\alpha)\cos(\alpha)$$
 (b)  $\cos(2\alpha) = \cos^2(\alpha) - \sin^2(\alpha)$ 

**Aufgabe 2:** Hinleitung zur Eulerschen Formel (2 P)

Zeigen Sie, dass die Funktion  $f(x) = \cos(x) + i\sin(x)$  folgende Eigenschaften besitzt:

(a) 
$$f(-x) = \frac{1}{f(x)}$$

(a) 
$$f(-x) = \frac{1}{f(x)}$$
 (b)  $f(x+y) = f(x)f(y)$ 

Welche elementare Funktion kennen Sie, die genau diese Eigenschaften besitzt?

**Aufgabe 3:** Wurzeln von komplexen Zahlen (3 P)

Bestimmen und zeichnen Sie alle Ergebnisse von  $\sqrt[3]{27i}$  in der komplexen Ebene.

**Aufgabe 4:** Potenzen komplexer Zahlen (3 P)

Berechnen Sie  $(-\sqrt{3}-i)^7$  mittels der Formeln von Moivre und Euler. Geben Sie ihr Ergebnis in der Form a+ib

Aufgabe 5: Vorlesung (2 P)

Beantworten Sie die Frage aus der Vorlesung vom 20.01.2014

**Aufgabe 6:** Vorlesung (1 P)

Fassen Sie die Vorlesung vom 20.01.2014 kurz (höchstens 5 min) zusammen.

 $<sup>*</sup>Die \ \ddot{U}bungsblätter \ k\"{o}nnen \ von \ {\tt http://www.uni-ulm.de/nawi/nawi-theochemie/lehre} \ heruntergeladen \ werden.$