



Institut für Theoretische Chemie:
Prof. Dr. Gerhard Taubmann, Dr. Luis Mancera

Mathematik I für Biochemie und Molekulare Medizin

Mo. 08:00-10:00 Uhr, 45.2.102 / Mi. 13:15-15:00 Uhr; H7

Mi. 14:00-16:00 Uhr; N25/2103, H13, H7

Übungsblatt 3* Übung am 02.11. und 04.11.2015

Aufgabe 1: Vorlesung (1 P)

Fassen Sie die Vorlesung der letzten Woche schriftlich kurz (höchstens 5 Zeilen) zusammen.

Aufgabe 2: Vorlesung (2 P)

Beantworten Sie die Frage aus der Vorlesung der letzten Woche.

Aufgabe 3: Einfache Vektorrechnung (2 P)

Gegeben sind die Punkte $A(0, -1)$ und $B(3, 3)$ mit den zugehörigen Ortsvektoren \vec{a} und \vec{b} . Fertigen Sie eine Skizze. Berechnen und zeichnen sie den durch den Anfangspunkt A und den Endpunkt B bestimmten Vektor \vec{u} . Wie lautet der Einheitsvektor \vec{u}^0 ? Berechnen und zeichnen Sie $-4\vec{a}$, $\vec{a} + \frac{1}{3}\vec{b}$, $\vec{u} + \vec{a}$, $\vec{u} - \vec{a}$ und $\vec{a} - \vec{u}$.

Aufgabe 4: Einfache Vektorrechnung (2 P)

In einer hügeligen Landschaft soll von Punkt P_1 über Punkt P_2 nach Punkt P_3 eine Hochspannungsleitung verlegt werden. Berechnen Sie die Leitungslänge L für die folgenden Koordinaten der Punkte:

$$P_1(0, 0, 12) \quad P_2(12, -3, 8) \quad P_3(17, 7, 18)$$

Das Durchhängen der Leitungen bleibt bei der Rechnung unberücksichtigt.

Aufgabe 5: Spatprodukt (3 P)

Gegeben seien die Vektoren

$$\vec{a} = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}, \quad \vec{b} = \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 3 \end{pmatrix}, \quad \text{und} \quad \vec{c} = \begin{pmatrix} -1 \\ -3 \\ 2 \end{pmatrix}$$

- Wie groß ist die von den Vektoren \vec{a} und \vec{b} aufgespannte Fläche?
- Berechnen Sie das Volumen des von den drei Vektoren aufgespannten Spats.

Aufgabe 6: Winkel zwischen Vektoren (4 P)

Gegeben sind die Vektoren:

$$\vec{a} = \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 5 \end{pmatrix}, \quad \vec{b} = \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \\ 0 \end{pmatrix}, \quad \vec{c} = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix}, \quad \vec{d} = \begin{pmatrix} -\frac{1}{5} \\ \frac{3}{5} \\ 0 \end{pmatrix}$$

- Berechnen Sie $((\vec{a} \times \vec{b}) \times \vec{c}) \times \vec{d}$.
- Berechnen Sie $((\vec{a} \times \vec{b}) \times \vec{c}) \times \vec{d}$. Jetzt wenden Sie den Entwicklungssatz für $(\vec{a} \times \vec{b}) \times \vec{c}$ an.
- Bestimmen Sie den Winkel unter dem sich \vec{a} und \vec{b} schneiden.
- Berechnen Sie außerdem $\vec{a} \odot \vec{b}$. Und berechnen Sie damit den Winkel. Vergleichen Sie mit (c).