



Prof. Dr. Gerhard Taubmann David Mahlberg

Mathematik I für Chemie und Wirtschaftschemie

Vorlesung: Mo u. Do, 12-14, O25/H1; Seminar: Mi, 8-12

Das Übungsblatt wird im Seminar am 23.01.19 als Präsenzübung bearbeitet

Die Übungsblätter können von http://www.uni-ulm.de/nawi/nawi-theochemie/lehre/ heruntergeladen werden.

Übung 13: Folgen und Reihen, Integralrechnung

1. Aufgabe

Analisieren Sie die absolute und bedingte Konvergenz für die Reihe: $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{n(1+a^n)}$ a>1, $|x|\neq a$

2. Aufgabe

Berechnen Sie $\int \frac{1}{\sqrt{1-x}} dx$ durch eine Taylorentwicklung.

3. Aufgabe

Berechnen Sie

$$\int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx.$$

Skizzieren Sie die Funktion und interpretieren Sie das Integral als eine Fläche.

4. Aufgabe

Berechnen Sie die folgenden Integrale:

(a)
$$\int 6x^2 + 5 dx$$
 (b)
$$\int \sin(x) \cdot \cos(x) dx$$

(c)
$$\int \frac{1}{x} dx$$
 (d)
$$\int \ln(x) dx$$

(e)
$$\int x \ln(x) dx$$
 (f)
$$\int \frac{1}{(2 - 3x)^4} dx$$

$$(g) \int \frac{10x}{(1-4x)^3} dx$$

5. Aufgabe

(a)
$$\int_{4}^{16} \frac{\ln x}{\sqrt{x}} dx$$
 (b) $\int \frac{1}{x \cdot \cos^{2}(\ln x)} dx$ (c) $\int \frac{2x - 1}{x^{2} - 6x + 13} dx$

6. Aufgabe - Zusätzliche Aufgaben zum Üben

Berechnen Sie die folgenden Integrale:

(a)
$$\int \frac{1}{(A-ax)(B-bx)} dx$$
 (b) $\int_3^4 \frac{x^2+x+1}{2x^2-x-6} dx$ (c) $\int \sin(x)e^x dx$ (d) $\int x \ln(x^2) dx$

(b)
$$\int_{3}^{4} \frac{x^2 + x + 1}{2x^2 - x - 6} \, dx$$

(c)
$$\int \sin(x)e^x dx$$

(d)
$$\int x \ln(x^2) \ dx$$